

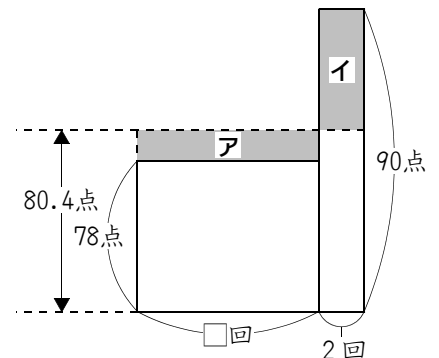
# 解 答

- ① (1) 17.48 (2)  $\frac{4}{7}$  (3)  $\frac{4}{5}$  (4)  $21.8 \cdot 0.08$   
 ② (1) 800 (2) 128 (3) 288 (4) 160 (5) 2 (6) 980 (7) 8 (8) 220  
 ③ (1) 6300 (2) 6  
 ④ (1) 810 (2)  $270 \cdot 190 \cdot 350$   
 ⑤ (1) 73 (2) 215  
 ⑥ (1) 628 (2) 282.6  
 ⑦ (1) 20 (2) 700 (3) 112

(①(4), ④(2)はそれぞれくんで)

# 解 説

- ② (1)  $4 \text{ L} = 4000 \text{ cm}^3$  ですから,  
 $4000 \div 5 = 800 (\text{cm}^3)$  ……底面積
- (2) 1 分20秒=80秒ですから,  
 $1.6 \times 80 = 128 (\text{m})$  ……歩いた距離
- (3)  $8 \times 18 \times 6 \times \frac{1}{3} = 288 (\text{cm}^3)$  ……四角すいの体積
- (4) 
$$\begin{cases} \text{ミ} \times 6 + \text{リ} \times 1 = 340 (\text{円}) \\ \text{ミ} \times 3 + \text{リ} \times 2 = 410 (\text{円}) \end{cases} \rightarrow \times 2 \rightarrow \text{ミ} \times 6 + \text{リ} \times 4 = 820 (\text{円})$$
 $(820 - 340) \div (4 - 1) = 160 (\text{円})$  ……リング1個
- (5)  $26 \div 37 = 0.70270270270 \dots \rightarrow$  小数点以下は  $7 \ 0 \ 2 / 7 \ 0 \ 2 / 7 \ 0 \ 2 / 7 \ 0 \dots$  とならびます  
 よって, 小数第1位から{7, 0, 2}の3個を周期としてくり返しますから,  
 $42 \div 3 = 14 (\text{周期}) \rightarrow \{7, 0, \underline{2}\}$  より, 小数第42位は2です
- (6)  $20 \times 21 \div 2 = 210 (\text{cm}^2)$  ……底面積  
 $(20 + 29 + 21) \times 8 = 560 (\text{cm}^2)$  ……側面積  
 $210 \times 2 + 560 = 980 (\text{cm}^2)$  ……表面積
- (7) 面積図で表すと右のようになります。ア, イの面積は等しい  
 ですから,  
 $(90 - 80.4) \times 2 = 19.2 (\text{点})$  ……イの面積=アの面積  
 $19.2 \div (80.4 - 78) = 8 (\text{回})$  ……いままで受けた回数(□)



- (8) 円すいの展開図ですから、弧  $AB$  = 底面の円周です。

$$69.08 \div 3.14 = 22(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{底面の円の直径} \rightarrow \text{半径は}(22 \div 2 =) 11\text{cm}$$

$$40 - 22 = 18(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{母線}$$

$$\frac{11}{18} = \frac{\text{ア}}{360} \rightarrow 11 \times (360 \div 18) = 220(\text{度}) \quad \dots\dots \text{ア}$$

③ (1)  $30 \times 15 \times 14 = 6300(\text{cm}^3) \quad \dots\dots \text{水の量}$

(2)  $6300 \div 30 \div 35 = 6(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{水面の高さ}$

④ (1)  $\text{赤} \times 1 + \text{青} \times 1 = 460(\text{g}) \quad \dots\dots \text{ア}$

$$\text{青} \times 1 + \text{白} \times 1 = 540(\text{g}) \quad \dots\dots \text{イ}$$

$$\text{赤} \times 1 + \text{白} \times 1 = 620(\text{g}) \quad \dots\dots \text{ウ}$$

ア, イ, ウの式をたすと, すべて  $(1 + 1 =) 2$  個ずつのときの重さの合計がわかりますから,

$$(460 + 540 + 620) \div 2 = 810(\text{g}) \quad \dots\dots \text{赤} \times 1 + \text{青} \times 1 + \text{白} \times 1 (\rightarrow \text{エ})$$

(2) エーイ:  $810 - 540 = 270(\text{g}) \quad \dots\dots \text{赤い球} 1 \text{ 個}$

エーウ:  $810 - 620 = 190(\text{g}) \quad \dots\dots \text{青い球} 1 \text{ 個}$

エーア:  $810 - 460 = 350(\text{g}) \quad \dots\dots \text{白い球} 1 \text{ 個}$

- ⑤ (1) 下のように, 黒と白の間に区切った組にして考えます。



それぞれの組にならぶご石の個数は, 2 個, 4 個, 6 個, 8 個, ……のように, [はじめの数 2 から公差 2 ずつふえる等差数列]になっています。左から 9 個目の白のご石は,  $(9 - 1 =) 8$  組目の最後のご石の右にあるご石ですから,

$$2 + (8 - 1) \times 2 = 16(\text{個}) \quad \dots\dots 8 \text{ 組目にならぶご石}$$

$$(2 + 16) \times 8 \div 2 = 72(\text{個}) \quad \dots\dots 1 \text{ 組目} \sim 8 \text{ 組目にならぶご石}$$

$$72 + 1 = 73(\text{個目}) \quad \dots\dots \text{左から} 9 \text{ 個目の白いご石の位置}$$

- (2) それぞれの組にある黒のご石は, 1 個, 3 個, 5 個, 7 個, ……のように, 連続する奇数が並びます。1 から  $N$  番目までの連続する奇数の和は  $N \times N$  ですから,

$$14 \times 14 = 196, \quad 15 \times 15 = 255 \rightarrow 200 \text{ 個目の黒いご石は} 15 \text{ 組目にあります}$$

それぞれの組の左はしに白いご石が 1 個ずつありますから, その個数分だけ右にずれると考えて,

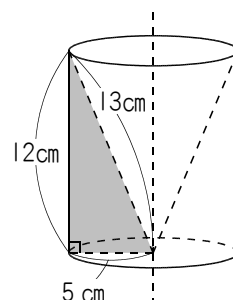
$$200 + 1 \times 15 = 215(\text{個目}) \quad \dots\dots \text{左から} 200 \text{ 個目の黒いご石の位置}$$

- ⑥ (1) アは、右の図のような「円柱から円すいを取りのぞいた立体」です。

$$5 \times 5 \times 3.14 \times 12 = 300 \times 3.14 (\text{cm}^3) \quad \dots\dots \text{円柱}$$

$$5 \times 5 \times 3.14 \times 12 \times \frac{1}{3} = 100 \times 3.14 (\text{cm}^3) \quad \dots\dots \text{円すい}$$

$$300 \times 3.14 - 100 \times 3.14 = 628 (\text{cm}^3) \quad \dots\dots \text{アの体積}$$



- (2) まず、アの表面積を考えると、

$$5 \times 2 \times 3.14 \times 12 = 120 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{円柱部分の側面積}$$

$$13 \times 5 \times 3.14 = 65 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{円すい部分の側面積}$$

$$5 \times 5 \times 3.14 = 25 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{底面積}$$

$$120 \times 3.14 + 65 \times 3.14 + 25 \times 3.14 = 210 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{アの表面積}$$

次に、イの表面積を考えます。イは「底面が半径12cmの円、母線が13cmの円すい」ですから、

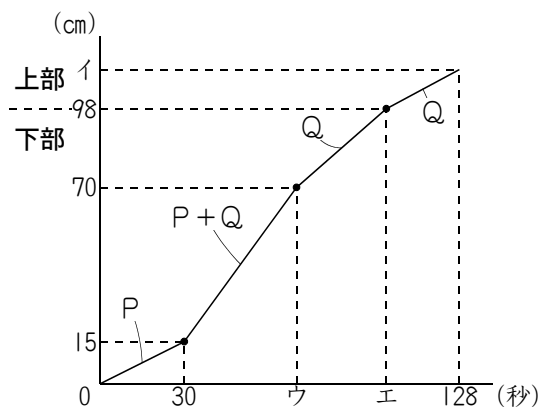
$$12 \times 12 \times 3.14 + 13 \times 12 \times 3.14 = (12 + 13) \times 12 \times 3.14 = 300 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{イの表面積}$$

$$300 \times 3.14 - 210 \times 3.14 = 282.6 (\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{表面積の差}$$

- ⑦ (1)  $400 \times 30 \div 40 \div 15 = 20 (\text{cm}) \quad \dots\dots \text{ア}$

- (2) 底面積が変わる98cmで上下に分けて考えます。

98cmより下で、グラフがゆるやかになるのは、  
「容器Aの水がなくなって、管Pから容器Bに  
水が入らなくなった(Qのみになった)」ときで  
す。よって、グラフにようすをかきこむと右の  
図のようになり、



$$32 \times 35 \times 25 = 28000 (\text{cm}^3) \quad \dots\dots \text{容器Aから入った水}$$

$$28000 \div 400 = 70 (\text{秒}) \quad \dots\dots \text{ウ}$$

$$20 \times 40 \times (70 - 15) = 44000 (\text{cm}^3) \quad \dots\dots 30 \sim 70 \text{秒で入れた水}$$

$$44000 \div (70 - 30) = 1100 (\text{cm}^3/\text{秒}) \quad \dots\dots P + Q$$

$$1100 - 400 = 700 (\text{cm}^3/\text{秒}) \quad \dots\dots Q$$

- (3)  $20 \times 40 \times (98 - 70) = 22400 (\text{cm}^3) \quad \dots\dots \text{ウ} \sim \text{エで} Q \text{から入れる水}$

$$22400 \div 700 = 32 (\text{秒}) \quad \dots\dots \text{ウ} \sim \text{エ}$$

$$128 - (70 + 32) = 26 (\text{秒}) \quad \dots\dots \text{上部に入れる時間}$$

$$700 \times 26 \div (40 + 25) \div 20 = 14 (\text{cm}) \quad \dots\dots \text{上部の高さ}$$

$$98 + 14 = 112 (\text{cm}) \quad \dots\dots \text{イ}$$