

解 答

- | | | | |
|---------------|-------------------------------|-------------------|-----------------------|
| [1] (1) 17.48 | (2) $\frac{4}{7}$ | (3) $\frac{4}{5}$ | (4) $21.8 \cdot 0.08$ |
| [2] (1) 800 | (2) 128 | (3) 288 | (4) 160 |
| [3] (1) 6300 | (2) 6 | | |
| [4] (1) 810 | (2) $270 \cdot 190 \cdot 350$ | | |
| [5] (1) 73 | (2) 215 | | |
| [6] (1) 628 | (2) 282.6 | | |
| [7] (1) 20 | (2) 700 | (3) 112 | |

([1](4), [4](2)はそれぞれくんで)

解 説

[2] (1) $4 \text{ L} = 4000 \text{ cm}^3$ ですから,
 $4000 \div 5 = 800 (\text{cm}^2)$ 底面積

(2) 1分20秒=80秒ですから,
 $1.6 \times 80 = 128 (\text{m})$ 歩いた距離

(3) $8 \times 18 \times 6 \times \frac{1}{3} = 288 (\text{cm}^3)$ 四角すいの体積

(4) $\begin{cases} \text{ミ} \times 6 + \text{リ} \times 1 = 340 (\text{円}) \\ \text{ミ} \times 3 + \text{リ} \times 2 = 410 (\text{円}) \rightarrow \times 2 \rightarrow \text{ミ} \times 6 + \text{リ} \times 4 = 820 (\text{円}) \\ (820 - 340) \div (4 - 1) = 160 (\text{円}) \quad \dots \text{りんご } 1 \text{ 個} \end{cases}$

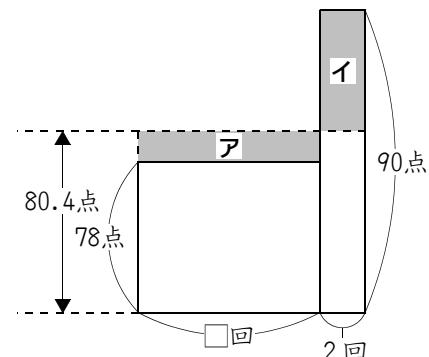
(5) $26 \div 37 = 0.70270270270\cdots \rightarrow$ 小数点以下は 7 0 2 / 7 0 2 / 7 0 2 / 7 0とならびます
 よって、小数第1位から {7, 0, 2} の3個を周期としてくり返しますから,
 $42 \div 3 = 14$ (周期) $\rightarrow \{7, 0, 2\}$ より、小数第42位は 2 です

(6) $20 \times 21 \div 2 = 210 (\text{cm}^2)$ 底面積
 $(20+29+21) \times 8 = 560 (\text{cm}^2)$ 側面積
 $210 \times 2 + 560 = 980 (\text{cm}^2)$ 表面積

(7) 面積図で表すと右のようになります。ア, イの面積は等しい
 ですから,

$(90 - 80.4) \times 2 = 19.2 (\text{点})$ イの面積 = アの面積

$19.2 \div (80.4 - 78) = 8 (\text{回})$ いままで受けた回数(□)



(8) 円すいの展開図ですから、弧AB = 底面の円周です。

$$69.08 \div 3.14 = 22(\text{cm}) \quad \dots \dots \text{底面の円の直径} \rightarrow \text{半径は}(22 \div 2 =) 11\text{cm}$$

$$40 - 22 = 18(\text{cm}) \quad \dots \dots \text{母線}$$

$$\frac{11}{18} = \frac{\pi}{360} \rightarrow 11 \times (360 \div 18) = 220(\text{度}) \quad \dots \dots \text{ア}$$

③ (1) $30 \times 15 \times 14 = 6300(\text{cm}^3) \quad \dots \dots \text{水の量}$

(2) $6300 \div 30 \div 35 = 6(\text{cm}) \quad \dots \dots \text{水面の高さ}$

④ (1) $\text{赤} \times 1 + \text{青} \times 1 = 460(\text{g}) \quad \dots \dots \text{ア}$

$$\text{青} \times 1 + \text{白} \times 1 = 540(\text{g}) \quad \dots \dots \text{イ}$$

$$\text{赤} \times 1 + \text{白} \times 1 = 620(\text{g}) \quad \dots \dots \text{ウ}$$

ア, イ, ウの式をたすと、すべて(1+1=)2個ずつのときの重さの合計がわかりますから、

$$(460+540+620) \div 2 = 810(\text{g}) \quad \dots \dots \text{赤} \times 1 + \text{青} \times 1 + \text{白} \times 1 (\rightarrow \text{エ})$$

(2) エーイ : $810 - 540 = 270(\text{g}) \quad \dots \dots \text{赤い球} 1 \text{個}$

$$\text{エーウ} : 810 - 620 = 190(\text{g}) \quad \dots \dots \text{青い球} 1 \text{個}$$

$$\text{エーア} : 810 - 460 = 350(\text{g}) \quad \dots \dots \text{白い球} 1 \text{個}$$

⑤ (1) 下のように、黒と白の間で区切った組にして考えます。



それぞれの組にならぶご石の個数は、2個、4個、6個、8個、……のように、[はじめの数2から公差2ずつふえる等差数列]になっています。左から9個目の白のご石は、(9-1=)8組目の最後のご石の右にあるご石ですから、

$$2 + (8-1) \times 2 = 16(\text{個}) \quad \dots \dots 8\text{組目にならぶご石}$$

$$(2+16) \times 8 \div 2 = 72(\text{個}) \quad \dots \dots 1\text{組目} \sim 8\text{組目にならぶご石}$$

$$72 + 1 = 73(\text{個目}) \quad \dots \dots \text{左から} 9 \text{個目の白いご石の位置}$$

(2) それぞれの組にある黒のご石は、1個、3個、5個、7個、……のように、連続する奇数がなっています。1からN番目までの連続する奇数の和は $N \times N$ ですから、

$$14 \times 14 = 196, \quad 15 \times 15 = 225 \rightarrow 200\text{個目の黒いご石は} 15\text{組目にはあります}$$

それぞれの組の左はしに白いご石が1個ずつありますから、その個数分だけ右にずれると考えて、

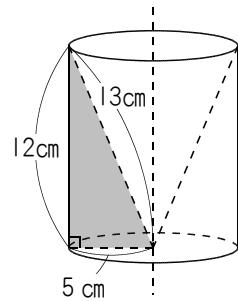
$$200 + 1 \times 15 = 215(\text{個目}) \quad \dots \dots \text{左から} 200\text{個目の黒いご石の位置}$$

- ⑥ (1) アは、右の図のような「円柱から円すいを取りのぞいた立体」です。

$$5 \times 5 \times 3.14 \times 12 = 300 \times 3.14 (\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{円柱}$$

$$5 \times 5 \times 3.14 \times 12 \times \frac{1}{3} = 100 \times 3.14 (\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{円すい}$$

$$300 \times 3.14 - 100 \times 3.14 = 628 (\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{アの体積}$$



- (2) まず、アの表面積を考えると、

$$5 \times 2 \times 3.14 \times 12 = 120 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{円柱部分の側面積}$$

$$13 \times 5 \times 3.14 = 65 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{円すい部分の側面積}$$

$$5 \times 5 \times 3.14 = 25 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{底面積}$$

$$120 \times 3.14 + 65 \times 3.14 + 25 \times 3.14 = 210 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{アの表面積}$$

次に、イの表面積を考えます。イは「底面が半径12cmの円、母線が13cmの円すい」ですから、

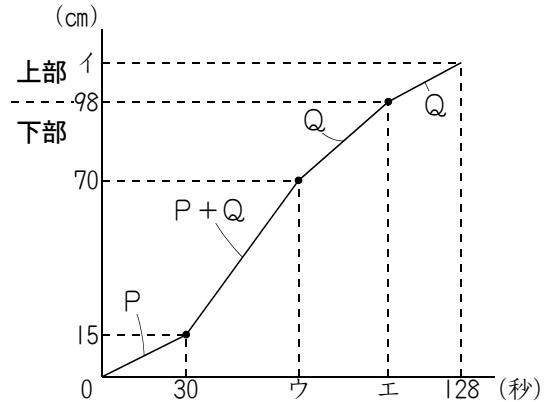
$$12 \times 12 \times 3.14 + 13 \times 12 \times 3.14 = (12+13) \times 12 \times 3.14 = 300 \times 3.14 (\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{イの表面積}$$

$$300 \times 3.14 - 210 \times 3.14 = 282.6 (\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{表面積の差}$$

- ⑦ (1) $400 \times 30 \div 40 \div 15 = 20 (\text{cm}) \quad \cdots \cdots \text{ア}$

- (2) 底面積が変わる98cmで上下に分けて考えます。

98cmより下で、グラフがゆるやかになるのは、「容器Aの水がなくなって、管Pから容器Bに入らなくなつた(Qのみになつた)」ときです。よって、グラフにようすをかきこむと右の図のようになります。



$$32 \times 35 \times 25 = 28000 (\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{容器Aから入った水}$$

$$28000 \div 400 = 70 (\text{秒}) \quad \cdots \cdots \text{ウ}$$

$$20 \times 40 \times (70 - 15) = 44000 (\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots 30 \sim 70 \text{秒で入れた水}$$

$$44000 \div (70 - 30) = 1100 (\text{cm}^3/\text{秒}) \quad \cdots \cdots \text{P+Q}$$

$$1100 - 400 = 700 (\text{cm}^3/\text{秒}) \quad \cdots \cdots \text{Q}$$

- (3) $20 \times 40 \times (98 - 70) = 22400 (\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{ウ} \sim \text{エ} \text{でQから入れる水}$

$$22400 \div 700 = 32 (\text{秒}) \quad \cdots \cdots \text{ウ} \sim \text{エ}$$

$$128 - (70 + 32) = 26 (\text{秒}) \quad \cdots \cdots \text{上部に入れる時間}$$

$$700 \times 26 \div (40 + 25) \div 20 = 14 (\text{cm}) \quad \cdots \cdots \text{上部の高さ}$$

$$98 + 14 = 112 (\text{cm}) \quad \cdots \cdots \text{イ}$$